

Lista de exercícios n°2

Exercício 1

Calcule os seguintes limites :

- a. $\lim_{x \rightarrow 2} (3x)$ h. $\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{1}{\sqrt{2+x}-1} \right)$
 b. $\lim_{x \rightarrow 0} (4x^2 + 3x - 1)$ i. $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x+2}{x-2}$
 c. $\lim_{x \rightarrow -10} (3x - 1)$ j. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3-1}{\sqrt{x}-3}$
 d. $\lim_{x \rightarrow 34} (-2x^2 + 56)$ k. $\lim_{x \rightarrow 1} (x^7 + 3x^6 - 10x^5 + 2x^4 + 4x^3 - 21x^2 - 8x + 4)$
 e. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x+5}{3x-2}$ l. $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{4x^3+2x-1}{1+2x}$
 f. $\lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{1}{2-x^2} - \frac{1}{4-x^3} \right)$ m. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2-1}{x^2-2x+2}$
 g. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2+2}{x+1}$

Exercício 2

Calcule os seguintes limites :

- a. $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2-9}{x-3}$ f. $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x+1}{x^2-1}$
 b. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3-8}{x^2-4}$ g. $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x}-9}{x-3}$
 c. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2+2x-3}{x^2-3x+2}$ h. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-1}{\sqrt[3]{x}-1}$
 d. $\lim_{x \rightarrow \sqrt{2}} \frac{x^2-2}{x^2+\sqrt{2}x-4}$ i. $\lim_{x \rightarrow -4} \frac{|x|-4}{x^2-16}$
 e. $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2-3x-4}{x^2-16}$ j. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^{3/2}-1}{x^{1/2}-1}$

Exercício 3

Considere f , g e h funções tais que $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -1$, $\lim_{x \rightarrow 2} g(x) = 2$ e $\lim_{x \rightarrow 2} h(x) = 3$. Usando essas informações e as propriedades de limites, calcule :

- a. $\lim_{x \rightarrow 2} (f(x) + g(x) - h(x))$ c. $\lim_{x \rightarrow 2} \left(\frac{f(x)-g(x)}{h(x)} \right)$
 b. $\lim_{x \rightarrow 2} |f(x)g(x) - h(x)|$ d. $\lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{h(x) - f(x)}$.

Exercício 4

Calcule os seguintes limites laterais :

- a. $\lim_{x \rightarrow 2^-} \sqrt{4 - x^2}$ c. $\lim_{x \rightarrow -3^+} \frac{3+x}{\sqrt{9-x^2}}$
 b. $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{2x+3}{\sqrt{1-x}+2}$ d. $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x}{\sqrt{x}}$

Exercício 5

Seja $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ a função tal que $f(x) = x^2 - 4x + 5$ para todo $x \geq 2$ e tal que $f(x) = x + 1$ para todo $x < 2$. Calcule, se existirem, $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$ e $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$.